

Министерство науки и высшего образования  
Российской Федерации

Ярославский государственный аграрный университет  
(ФГБОУ ВО Ярославский ГАУ)



**ПРОГРАММА  
вступительного испытания по дисциплине  
«Математические методы в профессиональной деятельности»**

направление подготовки: 35.03.03 Агрохимия и агропочвоведение;  
35.03.04 Агрономия;  
35.03.06 Агроинженерия;  
35.03.07 Технология производства и переработки сельскохозяйственной продукции;  
36.03.01 Ветеринарно-санитарная экспертиза;  
36.03.02 Зоотехния.

**Программа подготовки: бакалавриат**

**Форма обучения**  
Очная, очно-заочная, заочная

Ярославль, 2024

## **Содержание**

1 Цель и задачи вступительного испытания.....	3
2 Основные требования к уровню подготовки абитуриентов .....	3
3 Форма вступительного испытания и его процедура.....	4
4 Содержание вступительного испытания по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».....	4
5 Оценочные средства вступительного испытания по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».....	9
6 Критерии оценки результата вступительного испытания по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».....	10
7 Литература, рекомендуемая для подготовки к вступительному испытанию по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».....	10

## **1 Цель и задачи вступительного испытания**

**Цель вступительного испытания** – выявление уровня компетентности абитуриента по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».

**Задача вступительного испытания** – адекватная оценка уровня освоения абитуриентом дисциплины «Математические методы в профессиональной деятельности».

## **2 Основные требования к уровню подготовки абитуриентов**

Поступающий должен уметь:

- а) производить арифметические действия над числами, заданными в виде десятичных и обыкновенных дробей; с требуемой точностью округлять данные числа и результаты вычислений;
- б) производить тождественные преобразования многочленов, дробей, содержащих переменные; выражений, содержащих степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции;
- в) строить графики линейной, квадратичной, степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций;
- г) решать уравнения и неравенства первой и второй степени, уравнения и неравенства, приводящиеся к ним; решать системы уравнений и неравенств первой и второй степени и приводящиеся к ним;
- д) решать задачи на составление уравнений и систем уравнений;
- е) пользоваться понятием производной при исследовании функции на экстремумы и построении графиков функций;
- ж) изображать геометрические фигуры на чертеже и проводить простейшие построения на плоскости;
- з) использовать геометрические представления при решении алгебраических задач, и методы алгебры и тригонометрии – при решении геометрических задач.

### **3 Форма вступительного испытания и его процедура**

Вступительное испытание по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности» проводится в форме письменного тестирования.

В определенное расписанием время абитуриенты должны занять места в назначеннй аудитории, при этом они должны иметь с собой: паспорт, две ручки (с синими и черными чернилами).

После размещения всех допущенных к вступительным испытаниям, представитель экзаменационной комиссии объясняет правила заполнения бланка ответа и раздает листы с экзаменационными тестовыми заданиями и бланки ответов. С этого момента начинается отчет времени. Продолжительность вступительных испытаний составляет 2 астрономических часа (120 минут). По окончании отведенного времени абитуриенты должны сдать листы с экзаменационными тестовыми заданиями и бланки ответов представителям экзаменационной комиссии и выйти из аудитории.

После проверки работы выставляется общая балльная оценка. Результаты вступительного испытания объявляются на официальном сайте академии и на информационном стенде приемной комиссии на следующий день после проведения вступительного испытания.

### **4 Содержание вступительного испытания по учебной дисциплине**

#### **«Математические методы в профессиональной деятельности»**

Программа общеобразовательного вступительного испытания сформирована на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования и федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования. Программа общеобразовательных вступительных испытаний формируется с учетом необходимости соответствия уровня сложности таких вступительных

испытаний уровню сложности ЕГЭ по соответствующим общеобразовательным предметам.

В содержание программы включен материал всех разделов учебной дисциплины «Математические методы в профессиональной деятельности»:

## **1. Алгебра**

### *1.1 Числа, корни и степени*

Целые числа. Степень с натуральным показателем. Дроби, проценты, рациональные числа. Степень с целым показателем. Корень степени  $n > 1$  и его свойства. Степень с рациональным показателем и её свойства. Свойства степени с действительным показателем.

### *1.2 Основы тригонометрии*

Синус, косинус, тангенс и котангенс произвольного угла. Радианская мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения. Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла.

### *1.3 Логарифмы*

Логарифм числа. Логарифм произведения, частного, степени. Десятичный и натуральный логарифмы, число  $e$ .

### *1.4 Преобразование выражений*

Преобразование выражений, включающих арифметические операции. Преобразование выражений, включающих операцию возведения в степень. Преобразование выражений, включающих корни натуральной степени. Преобразование тригонометрических выражений. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования. Модуль (абсолютная величина) числа.

## **2. Уравнения и неравенства**

### *2.1 Уравнения*

Квадратные уравнения. Рациональные уравнения. Иррациональные уравнения. Тригонометрические уравнения. Показательные уравнения.

Логарифмические уравнения. Равносильность уравнений, системы уравнений. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.

## *2.2 Неравенства*

Квадратные неравенства. Рациональные неравенства. Показательные неравенства. Логарифмические неравенства. Системы линейных неравенств. Системы неравенств с одной переменной. Равносильность неравенств, систем неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем.

# **3. Функции**

## *3.1 Определение и график функции*

Функция, область определения функции. Множество значений функции. График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Обратная функция. График обратной функции. Преобразование графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.

## *3.2 Элементарное исследование функций*

Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания функции. Чётность и нечётность функции. Периодичность функции. Ограничность функции. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции. Наибольшее и наименьшее значения функции.

## *3.3 Основные элементарные функции*

Линейная функция, ее график. Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, ее график. Квадратичная функция, ее график. Степенная функция с натуральным показателем, её график. Показательная функция, её график. Логарифмическая функция, её график. Тригонометрические функции, их графики.

## **4. Начала математического анализа**

### *4.1 Производная*

Понятие о производной функции, геометрический смысл производной. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Вторая производная, ее физический смысл.

### *4.2 Исследование функций*

Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

### *4.3 Преобразования и интеграл*

Первообразные элементарных функций. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

## **5. Геометрия**

### *5.1 Планиметрия*

Треугольник. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат. Трапеция. Окружность и круг. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника. Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника.

### *5.2 Прямые и плоскости в пространстве*

Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, перпендикулярность прямых. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства. Параллельность плоскостей, признаки и свойства. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства: перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.

### *5.3 Многогранники*

Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма. Параллелепипед, куб, симметрии в кубе и параллелепипеде. Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность. Треугольная пирамида. Правильная пирамида. Сечения куба, призмы, пирамиды. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

### *5.4 Тела и поверхности вращения*

Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развёртка. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая. Развёртка. Шар и сфера, их сечения.

### *5.5 Измерение геометрических величин*

Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величинами угла и длиной дуги окружности. Угол между прямыми в пространстве, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Длина отрезка, ломаной, окружности; периметр многоугольника. Расстояние от точки о прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми; расстояние между параллельными плоскостями. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга. Сектора. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы. Объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.

### *5.6 Координаты и векторы*

Координаты на прямой, декартовы координаты на плоскости и в пространстве. Формула расстояния между двумя точками, уравнение сферы. Вектор, модуль вектора, равенство векторов, сложение векторов и умножение вектора на число. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Компланарные векторы. Разложение по трем компланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов, угол между векторами.

## **6. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей**

### *6.1 Элементы комбинаторики*

Поочерёдный и одновременный выбор. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона.

### *6.2 Элементы статистики*

Табличное и графическое представление данных. Числовые характеристики рядов данных.

### *6.3 Элементы теории вероятностей*

Вероятность событий. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач.

## **5 Оценочные средства на вступительном испытании по дисциплине**

### **«Математические методы в профессиональной деятельности»**

Каждому абитуриенту, проходящему вступительные испытания по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности», выдается бланк ответов на тестовые задания установленной формы. Каждый тест содержит 16 заданий: 11 заданий с выбором ответа. В каждом задании необходимо выбрать один правильный ответ из 4 предложенных. Каждое задание с 1 по 11 оценивается в 5 баллов. Задания 12 – 16 – это задания открытого типа. Абитуриенту необходимо самому записать ответ в виде числа (целого или десятичной дроби). В каждом задании с 12 по 16 три вопроса, каждый оценивается в 3 балла. За полное задание можно

максимально получить 9 баллов. Таким образом, максимальное количество баллов за тестовые задания вступительного испытания составляет 100 баллов.

Важно строго следовать правилам заполнения бланка ответов. Не допускается вносить в бланк исправления. В случае порчи бланка ответов испытуемому производится замена испорченного бланка на новый бланк.

## **6 Критерии оценки вступительного испытания по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности»**

Ответы поступающих оцениваются по 100-балльной шкале. Критерии оценки, выставляемой абитуриенту по итогам вступительного испытания по математике, приведены в таблице 1.

Таблица 1. Критерии оценки итога вступительного испытания по дисциплине «Математика (профильный уровень)»

Количество баллов, набранных по итогам прохождения теста	Оценка
>75	5 (отлично)
51 – 75	4 (хорошо)
39 – 50	3 (удовлетворительно)
<39	2 (неудовлетворительно)

Если поступающий набрал в сумме менее 39 баллов, это означает, что уровень его компетентности по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности» недостаточен для обучения в ФГБОУ ВО «Ярославский ГАУ» и последующие вступительные испытания по другим дисциплинами не проводятся.

## **7 Литература, рекомендуемая для подготовки к вступительному испытанию по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности»**

1. Алгебра и начала анализа. Углубленный уровень. 10 класс: учебник / Г.К. Муравин, О.В. Муравина. – М.: Дрофа, 2013. – 318 с.

2. Алгебра и начала анализа. Углубленный уровень. 11 класс: учебник / Г.К. Муравин, О.В. Муравина. – М.: Дрофа, 2014. – 318 с.

3. Алгебра и начала анализа. 10 класс: учебник / С.М. Никольский, М.К. Потапов, Н.Н. Решетников, А.В. Шевкин. Базовый и профильный уровни. – М.: Просвещение, 2009. – 430 с.

4. Алгебра и начала анализа. 11 класс: учебник / С.М. Никольский, М.К. Потапов, Н.Н. Решетников, А.В. Шевкин. Базовый и профильный уровни. – М.: Просвещение, 2009. – 464 с.

5. Алгебра и начала анализа. 10 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) /А.Г. Мордкович, П.В. Семенов. – 6 изд. стер. – М.: Мнемозина, 2009. – 424 с.

6. Алгебра и начала анализа. 11 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) /А.Г. Мордкович, П.В. Семенов. – М.: Мнемозина, 2007. – 287 с.

Программа составлена в соответствии с действующим стандартом среднего (полного) общего образования по дисциплине «Математические методы в профессиональной деятельности».